

Shree Sharda Vidhya Mandir

Standard : 11 Science

Subject : Physics

Date : 20-01-2020

Marks : 60

JEE (Solution)

Time : 01H:00M

- 1) ગુરુત્વાકર્ષાબળ છે.
 (A) અપાકર્ષી (B) સંરક્ષી (C) સ્થિત વિદ્યુતીય (D) અસંરક્ષી

Ans: B

Sol: જવાબ (B) સંરક્ષી
 ગુરુત્વાકર્ષાબળ એક વિદ્યુતીયબળની જેમ જ સંરક્ષી પ્રકારનું બળ છે.

- 2) નીચેનામાંથી કયો પુરાવો દર્શાવે છે કે પૃથ્વી પર એક બળ લાગતું હોવું જોઈએ અને તેની દિશા સૂર્ય તરફ હોવી જોઈએ ?
 (A) પતન પામતા પદાર્થનું પૂર્વ તરફ વિચલન (B) પૃથ્વીનું સૂર્યની આસપાસ ભ્રમણ
 (C) દિવસ અને રાત થવાની ઘટના (D) પૃથ્વીની આસપાસ સૂર્યની આભાસી ગતિ

Ans: B

Sol: જવાબ (B) પૃથ્વીનું સૂર્યની આસપાસ ભ્રમણ

- 3) 436.32, 227.2 અને 0.301ના સરવાળાને યોગ્ય સાર્થક અંકો વડે દર્શાવો.
 (A) 663.821 (B) 664 (C) 663.8 (D) 663.82

Ans: C

Sol: જવાબ (C) 663.8
 આપેલી સંખ્યાઓ પૈકી દશાંશચિહ્ન પછીના લઘુત્તમ સાર્થક અંકો સુધી તેના પરિણામ (સરવાળા)ને દર્શાવવા જોઈએ.
 $\therefore 436.32 + 227.2 + 0.301 = 663.821$
 \therefore સાર્થક અંકોની દૃષ્ટિએ સરવાળો 663.8

- 4) સ્ટીલનો યંગ મોડ્યુલસ $1.9 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$ છે. જ્યારે તેને CGS એકમમાં દર્શાવીએ તો તેનું મૂલ્ય g/cm^2 માં કેટલું મળે ? ($1\text{N} = 10^5 \text{ g/cm}^2$, $1 \text{ m}^2 = 10^4 \text{ cm}^2$)
 (A) 1.9×10^{10} (B) 1.9×10^{11} (C) 1.9×10^{12} (D) 1.9×10^{13}

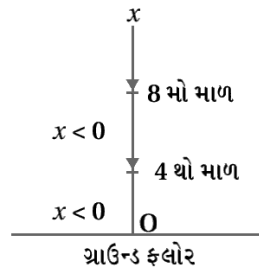
Ans: C

Sol: જવાબ (C) 1.9×10^{12}
 $Y = 1.9 \times 10^{11} \text{ N/m}^2$
 $\therefore Y = \frac{1.9 \times 10^{11} \times 10^5 \text{ ડાઈન}}{10^4 \text{ cm}^2}$
 $Y = 1.9 \times 10^{12} \text{ ડાઈન/cm}^2$

- 5) એક લિફ્ટ 8મં માળેથી આવી રહી છે તે ચોથા માળે પહોંચવાની તૈયારીમાં છે. ગ્રાઉન્ડ ફ્લોરને ઊગમબિંદુ તરીકે અને ઊર્ધ્વદિશાને ધન ગણતાં બધી જ રાશિઓ માટે નીચે આપેલા વિકલ્પો પૈકી સાચો વિકલ્પ કયો છે ?
 (A) $x < 0, v < 0, a > 0$ (B) $x > 0, v < 0, a < 0$ (C) $x > 0, v < 0, a > 0$ (D) $x > 0, v > 0, a < 0$

Ans: A

Sol: જવાબ (A) $x < 0, v < 0, a > 0$
 અહીં, લિફ્ટ અધોદિશામાં ગતિ કરે છે તેથી સ્થાનાંતર ઋણ થાય.
 $\therefore x < 0$
 અને વેગ પણ ઋણ થાય. (અધોદિશામાં ગતિ)
 $\therefore v < 0$
 જ્યારે લિફ્ટ ચોથા માળે અટકવાની શરૂઆત કરે ત્યારે તેની ગતિ પ્રતિપ્રવેગી હોય તેથી પ્રતિપ્રવેગ ઋણ હોવાથી પ્રવેગ ધન ગણાય. જે ઉર્ધ્વ દિશામાં છે.
 $\therefore a > 0$



- 6) એક વાહન કુલ અંતર l નું અડધું અંતર v_1 ઝડપથી અને બાકીનું અડધું અંતર v_2 ઝડપથી કાપે છે, તો તેની સરેરાશ ઝડપ

- (A) $\frac{v_1 + v_2}{2}$ (B) $\frac{2v_1 + v_2}{v_1 + v_2}$ (C) $\frac{2v_1v_2}{v_1 + v_2}$ (D) $\frac{(v_1 + v_2)}{v_1v_2}$

Ans: C

Sol: જવાબ (C) $\frac{2v_1v_2}{v_1+v_2}$

⇒ પ્રથમ અડધું $\left(\frac{l}{2}\right)$ અંતર કાપતાં લાગતો સમય

$$t_1 = \frac{\frac{l}{2}}{v_1} = \frac{l}{2v_1} \quad \dots(1)$$

બાકીનું અડધું અંતર કાપતાં લાગતો સમય

$$t_2 = \frac{\frac{l}{2}}{v_2} = \frac{l}{2v_2} \quad \dots(2)$$

ધારો કે કુલ l જેટલું અંતર સરેરાશ ઝડપ v થી કાપતાં લાગતો સમય t હોય તો,

$$t = \frac{l}{v} \quad \dots(3)$$

પણ $t = t_1 + t_2$

$$\frac{l}{v} = \frac{l}{2v_1} + \frac{l}{2v_2} \quad [\text{પરિણામ (1), (2) અને (3) પરથી}]$$

$$\therefore \frac{l}{v} = \frac{v_2 + v_1}{2v_1v_2}$$

$$\therefore v = \frac{2v_1v_2}{v_1 + v_2}$$

7) એક મેટ્રો સ્ટેશન પર એક છોકરી સ્થિર એસ્કેલેટર પર t_1 સમયમાં ચાલતા ઉપર પહોંચે છે. અને તે એસ્કેલેટર પર સ્થિર ઊભી રહીને t_2 સમયમાં ઉપર પહોંચે છે. હવે તે ચાલુ એસ્કેલેટર પર ચાલતાં ઉપર કેટલાં સમયમાં પહોંચશે ?

(A) $\frac{t_1+t_2}{2}$

(B) $\frac{t_1t_2}{t_2+t_1}$

(C) $\frac{t_1t_2}{t_1+t_2}$

(D) $t_1 - t_2$

Ans: C

Sol: જવાબ (C) $\frac{t_1t_2}{t_1+t_2}$

⇒ ધારો કે છોકરીને ચાલવાનું (ઊંચે ચઢવાનું) અંતર L છે તથા છોકરીનો વેગ v_1 છે તથા એસ્કેલેટરનો વેગ v_2 છે.

$$\therefore \text{સ્થિર એસ્કેલેટર હોય ત્યારે છોકરીને ઉપર પહોંચતા લાગતો સમય } t_1 = \frac{L}{v_1} \Rightarrow v_1 = \frac{L}{t_1} \quad \dots(1)$$

છોકરી સ્થિર રહીને ચાલુ એસ્કેલેટર પર ઉપર પહોંચતા લાગતો સમય t_2 છે.

$$\therefore t_2 = \frac{L}{v_2}$$

$$\therefore v_2 = \frac{L}{t_2} \quad \dots(2)$$

હવે છોકરીને ચાલુ એસ્કેલેટર પર ચાલતા લાગતો સમય t હોય તો

$$t = \frac{L}{v_1 + v_2}$$

$$\therefore t(v_1 + v_2) = L$$

$$\therefore t\left(\frac{L}{t_1} + \frac{L}{t_2}\right) = L \quad [\because \text{સમી. (1) અને (2) પરથી}]$$

$$\therefore \frac{L}{t_1} + \frac{L}{t_2} = \frac{L}{t}$$

$$\therefore t = \frac{t_1t_2}{t_1+t_2}$$

8) એક પદાર્થનું સ્થાનાંતર (મીટરમાં), સમય (સેકન્ડમાં) સાથે નીચેના સૂત્ર મુજબ બદલાય છે : $y = \frac{2}{3}t^2 - 16t + 2$ આ પદાર્થને સ્થિર થવા માટે કેટલો સમય લાગશે ?

(A) 12 s

(B) 8 s

(C) 16 s

(D) 10 s

Ans: A

Sol: જવાબ (A) 12 s

$$\Rightarrow y = \frac{2}{3}t^2 - 16t + 2$$

સમયની સાપેક્ષે વિકલન કરતાં,

$$\therefore \frac{dy}{dt} = v = \frac{4}{3}t - 16$$

$$\therefore 0 = \frac{4}{3}t - 16$$

$$\therefore \frac{4}{3}t = 16$$

$$\therefore t = \frac{48}{4} = 12 \text{ s}$$

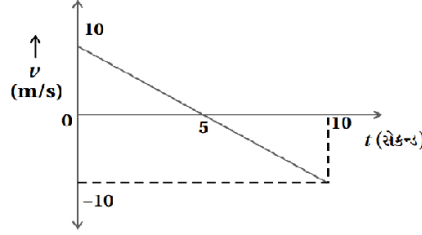
9) આકૃતિમાં કોઈ ગતિમાન કણ માટે વેગ \rightarrow સમયનો આલેખ દર્શાવેલ છે. તો 0 થી 10 સેકન્ડના ગાળામાં કણે કાપેલું કુલ અંતર છે.

(A) -50 m

(B) 50 m

(C) 0 m

(D) 100 m



Ans: B

Sol: જવાબ (B) 50 m

$\Rightarrow v \rightarrow t$ ના આલેખનો ઢાળ અંતર દર્શાવે છે.

$$\therefore \text{કાપેલું કુલ અંતર} = \frac{1}{2} \times 5 \times 10 + \frac{1}{2} \times 10 \times (10 - 5) \\ = 25 + 25 = 50 \text{ m}$$

10) દબાણ, પાવર, ઊર્જા, આઘાત, ગુરુત્વીય સ્થિતિમાન, વિદ્યુતભાર, તાપમાન, ક્ષેત્રફળ રાશિઓ પૈકી સદિશ રાશિઓ

(A) આઘાત, દબાણ અને ક્ષેત્રફળ

(B) આઘાત અને ક્ષેત્રફળ

(C) ક્ષેત્રફળ અને ગુરુત્વીય સ્થિતિમાન

(D) આઘાત અને દબાણ

Ans: B

Sol: જવાબ (B) આઘાત અને ક્ષેત્રફળ

\Rightarrow આપેલી રાશિઓમાં આઘાત અને ક્ષેત્રફળ બે જ રાશિઓ સદિશ છે. બાકીની બધી અદિશ રાશિઓ છે.

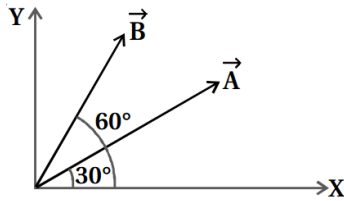
11) \vec{A} અને \vec{B} બે સદિશો છે. X-અક્ષ પર $\vec{A} + \vec{B}$ નો ઘટક કયો છે ?

(A) $A \cos 30^\circ + B \cos 60^\circ$

(B) $A \cos 30^\circ + B \sin 60^\circ$

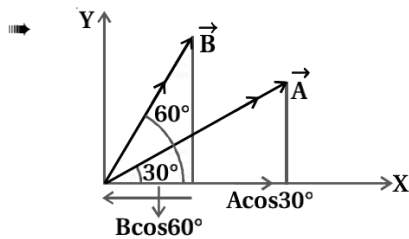
(C) $A \sin 30^\circ + B \cos 60^\circ$

(D) $A \sin 30^\circ + B \sin 60^\circ$



Ans: A

Sol: જવાબ (A) $A \cos 30^\circ + B \cos 60^\circ$



$\Rightarrow \vec{A}$ નો X-અક્ષ પરનો ઘટક = $A \cos 30^\circ$

$\Rightarrow \vec{B}$ નો X-અક્ષ પરનો ઘટક = $B \cos 60^\circ$

$\therefore (\vec{A} + \vec{B})$ નો X-અક્ષ પરનો ઘટક = $A \cos 30^\circ + B \cos 60^\circ$

12) એક વસ્તુએ કાર્તેઝિય ચામકોની દિશામાં કાપેલા અંતરો $x = 3t^3$, $y = 2t^2 + 8t$ અને $z = 6t - 5$ છે, તો કણનો પ્રારંભિક વેગ એકમ.

(A) 20

(B) 13

(C) 10

(D) 5

Ans: C

Sol: જવાબ (C) 10

$$\Rightarrow x = 3t^3$$

$$\therefore v_x = \frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt} (3t^3)$$

$$\therefore v_x = 9t^2$$

$$\therefore x\text{-દિશામાં પ્રારંભિક વેગ } v_{x0} = 9 \times (0)^2 = 9(0) = 0$$

$$\Rightarrow y = 2t^2 + 8t$$

$$\therefore v_y = \frac{dy}{dt} = \frac{d}{dt} [2t^2 + 8t]$$

$$\therefore v_y = 4t + 8$$

$$\therefore y\text{-દિશામાં પ્રારંભિક વેગ } v_{y0} = 4(0) + 8 = 8 \text{ એકમ}$$

$$\Rightarrow z = 6t - 5$$

$$\therefore v_z = \frac{dz}{dt} = \frac{d}{dt} [6t - 5]$$

$$\therefore v_z = 6$$

$$\therefore z\text{-દિશામાં પ્રારંભિક વેગ } v_{z0} = 6 \text{ એકમ.}$$

$$\therefore v_0 = \sqrt{v_{x0}^2 + v_{y0}^2 + v_{z0}^2}$$
$$= \sqrt{(0)^2 + (8)^2 + (6)^2}$$

$$= \sqrt{100}$$

$$\therefore v_0 = 10 \text{ એકમ.}$$

13) 5 kg દળના પદાર્થ પર $\vec{F} = (3\hat{i} + 4\hat{j})$ N બળ લાગે છે. જો $t = 0$ સમયે (પ્રારંભિક) વેગ $\vec{v} = (6\hat{i} - 12\hat{j}) \text{ m s}^{-1}$, હોય, તો સમયે માત્ર y -અક્ષ પર વેગ મળે.

Ans: 10

Sol: જવાબ 10 s

$$\Rightarrow \vec{v}_0 = 6\hat{i} - 12\hat{j}$$

$$\therefore v_{0x} = 6 \text{ m s}^{-1}, v_{0y} = -12 \text{ m s}^{-1}$$

$$\text{અને } \vec{F} = (-3\hat{i} + 4\hat{j}) \text{ N}$$

$$\therefore \vec{a} = \left(-\frac{3}{5}\hat{i} + \frac{4}{5}\hat{j} \right) \left[\because \vec{a} = \frac{\vec{F}}{m} \text{ અને } m = 5 \text{ kg} \right]$$

$$\therefore a_x = -\frac{3}{5} \text{ m s}^{-2}$$

માત્ર y -અક્ષ પર વેગ હોય તો વેગનો x -ઘટક શૂન્ય હોય.

\therefore ગતિના સમીકરણ પરથી

$$v_x = v_{0x} + a_x t$$

$$\therefore 0 = 6 + \left(-\frac{3}{5} \right) t$$

$$\therefore \frac{3}{5} t = 6$$

$$\therefore t = 10 \text{ s}$$

14) 2 kg દળનો એક પદાર્થ $x(t) = pt + qt^2 + rt^3$ સૂત્ર અનુસાર ગતિ કરે છે. જ્યાં $q = 4 \text{ m s}^{-2}$, $p = 3 \text{ m s}^{-1}$ અને $r = 5 \text{ m s}^{-3}$ હોય તો $t = 2\text{s}$ પર લાગતું બળ

Ans: 136

Sol: જવાબ 136 N

$$\Rightarrow x(t) = pt + qt^2 + rt^3$$

$$\therefore \frac{dx(t)}{dt} = p + 2qt + 3rt^2$$

$$\therefore v = p + 2qt + 3rt^2$$

$$\text{હવે } \frac{dv}{dt} = 0 + 2q + 6rt$$

$$\therefore a = 2q + 6rt$$

$t = 2\text{s}$ પર પ્રવેગ

$$\therefore a = 2 \times 4 + 6 \times 5 \times 2$$

$$\therefore a = 8 + 60$$

$$\therefore a = 68 \text{ m s}^{-2}$$

હવે, બળ $F = ma$

$$= 2 \times 68$$

$$\therefore F = 136 \text{ N}$$

15) 0.5 kg દળનો એક પદાર્થ સુરેખ પથ પર $v = ax^{\frac{3}{2}}$ ના વેગથી ગતિ કરે છે. જ્યાં $a = 5 \text{ m}^{-\frac{1}{2}} \text{ s}^{-1}$ છે. $x = 0$ થી $x = 2 \text{ m}$ ના સ્થાનાંતર દરમિયાન પરિણામી બળ વડે થયેલું કાર્ય

Ans: 50

Sol: જવાબ 50 J

$$\Rightarrow v = ax^{\frac{3}{2}} = 5x^{\frac{3}{2}}$$

$$x = 0 \text{ પાસે } v_0 = 0 \text{ અને}$$

$$x = 2 \text{ પાસે } v = 5(2)^{\frac{3}{2}} = 10\sqrt{2} = 14.14 \text{ m s}^{-1}$$

$$\text{કાર્ય } W = \Delta K$$

$$= \frac{1}{2} m(v^2 - v_0^2) = \frac{1}{2} \times 0.5 \times [(10\sqrt{2})^2 - 0^2]$$

$$\therefore W = 0.25 \times 200$$

$$\therefore W = 50 \text{ J}$$